

VIDEOSBÍRKA DERIVACE

1. Zderivuj funkci $y = \ln^2(\sin x + \operatorname{tg} x^2)$
2. Zderivuj funkci $y = 2 \cdot e^{x^2} \cdot \cos 3x$
3. Zderivuj funkci $y = 3 \cdot e^{\sin^2(x^2)}$
4. Zderivuj funkci $y = \frac{x^3 + 2x^2 + \sin x}{x}$
5. Zderivuj funkci $y = \frac{\cos^2 x \cdot \sin x + \sin^3 x}{\operatorname{cotg} x}$
6. Zderivuj funkci $y = \frac{1}{6} \cdot \ln \frac{1+3x}{1-2x+2x^2}$
7. Zderivuj funkci $y = \sqrt{\operatorname{arctg} \left(\frac{x^2}{x-1} \right) - e^{2x}}$
8. Urči, kdy funkce roste a klesá a dále kdy je konkávní a konvexní - $y = \frac{x^2-2}{x}$
9. Najdi extrémů funkce $y = \frac{2x^2+24}{x-2}$
10. Najdi extrémů funkce $y = 2x^3 - x^2 + 2$
11. Najdi extrémů funkce $y = (\ln x) \cdot x$
12. Urči Taylorův polynom třetího stupně v okolí bodu 0 z funkce $y = e^x \cdot \sin x$
13. Urči Taylorův polynom čtvrtého stupně v okolí bodu 1 z funkce $y = 2x^2 - \ln x$
14. Urči tečnu a normálu funkce $y = e^{2x} \cdot (2x - 2)$ v bodě $x = 0$.
15. Urči průběh funkce $y = \frac{x}{e^x}$
16. Urči průběh funkce $y = (x^2 - 3) \cdot e^x$

VIDEOSBÍRKA INTEGRÁLY

Algebraické úpravy

- 1 Zintegruj $\int \frac{\sqrt{x^3+1}}{1+\sqrt{x}} dx$
- 2 Zintegruj $\int \frac{1}{1-\cos 2x} dx$
- 3 Zintegruj $\int (\sin x)^2 dx$
- 4 Zintegruj $\int (\sin x)^2 \cdot (\cos x)^2 dx$
- 5 Zintegruj $\int \frac{1}{\sin 2x} dx$
- 6 Zintegruj $\int \sqrt[4]{x^{-2} \cdot \sqrt[3]{x^5}} + \frac{1}{\sqrt[5]{x^{5,1/x}}} dx$

Per partes

- 7 Zintegruj $\int e^x \cdot \sin x dx$
- 8 Zintegruj $\int \frac{\arctg x}{x^2} dx$
10. Zintegruj $\int \sin (\ln x) dx$

Substitute

11. Zintegruj $\int \frac{2 \sin 2x}{4+(\sin x)^2} dx$
12. Zintegruj $\int \frac{(\sin x)^3}{(\cos x)^4} dx$
13. Zintegruj $\int \frac{\sqrt{\arctg x}}{1+x^2} dx$
14. Zintegruj $\int \frac{9}{4+x^2} dx$
15. Zintegruj $\int \frac{5}{\sqrt{4-x^2}} dx$
16. Zintegruj $\int \frac{\sqrt{x}-2}{x+2} dx$

Určitý integrál

17. Vypočti velikost plochy ohraničenou křivkami $y=2x$, $y=1/x$, $x=4$, $y=0$.

18. Zintegruj $\int_0^1 \frac{e^x-1}{e^{2x}+2e^x-3} dx$

19. Urči rovnici přímky $y=kx$ tak, aby její rotací v mezích 0 až 3 vznikl kužel o objemu 81 j^3 .

MATICE

1. Proved' součin matic A·B

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 2 & 3 \\ 1 & 4 & 1 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 2 \\ 4 & -8 \end{pmatrix}$$

2. Proved' součin matic A·B

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 1 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 3 & 0 & -2 \\ -1 & 2 & -2 \end{pmatrix}$$

3. Vypočti determinant matice

$$\begin{vmatrix} 2 & 4 & 2 & 3 \\ 1 & 0 & 3 & 8 \\ -2 & 5 & 6 & -3 \\ 1 & 2 & 3 & 4 \end{vmatrix}$$

4. Vypočti takové x, aby platilo

$$\begin{vmatrix} x & 2 & 1 \\ 3 & 4 & 2x-5 \\ -2 & -4 & x-3 \end{vmatrix} = 0$$

5. Urči hodnotu determinantu pomocí úpravy na schodovitý tvar.

$$\begin{vmatrix} 1 & 3 & 2 & 4 \\ -2 & 7 & 1 & 6 \\ 3 & 1 & 3 & -1 \\ 5 & 0 & -2 & 4 \end{vmatrix}$$

6. Vyřeš soustavu lineárních rovnic

$$2x - y + z = 6$$

$$x + y - z = -3$$

$$-x + y + 3z = 6$$

7. Vyřeš soustavu lineárních rovnic.

$$2x + 2y - 6z = 10$$

$$x - y + z = 7$$

$$-x - y + 3z = -5$$

8. Vyřeš soustavu lineárních rovnic.

$$x_1 + x_2 + x_3 + 2x_4 = -2$$

$$-2x_1 + x_2 - 3x_3 + 5x_4 = 11$$

$$5x_1 - 3x_2 - x_3 + x_4 = 6$$

$$-x_1 - x_2 - 2x_3 + 2x_4 = 6$$

9. Urči parametry c, d tak aby měla soustava rovnic právě 1 řešení, nekonečně mnoho a žádné řešení.

$$2x + y = 4$$

$$x + cy = d$$

10. Diskutuj možná řešení soustavy rovnic vzhledem k parametru p .

$$px + y + z = 2$$

$$x + py + z = 2$$

$$x + y + pz = 2$$

11. Pro jakou hodnotu parametru a danou soustavu nelze řešit pomocí Cramerova pravidla?

$$x + ay + 5z = 3$$

$$3x + y + 3z = 0$$

$$ax + 2y + az = 1$$

12. Vytvoř inverzní matici k matici A

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 8 & 4 \\ 8 & 2 & 1 \\ 4 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

13. Vytvoř inverzní matici k matici A

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

14. Najdi matici X, která odpovídá rovnici $2X + 4A = -B$

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 3 & -4 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} -2 & 4 \\ 9 & -7 \end{pmatrix}$$

15. Najdi matici X, která odpovídá rovnici $A \cdot X = B$

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 3 & -4 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} -2 & 4 \\ 9 & -7 \end{pmatrix}$$

16. Najdi matici X, která odpovídá rovnici $X = A^T \cdot A - B$

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 4 & -1 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 3 & 6 \\ -5 & 8 \end{pmatrix}$$

ANALYTICKÁ GEOMETRIE

Vektory

1. Vypočítej úhel dvou vektorů. $\vec{s} = (1; 3; 4)$, $\vec{t} = (-8; 2; 1)$
2. Stanov souřadnici x, aby vektory **b** a **c** byly kolmé. $\vec{b} = (1; 3; -4)$, $\vec{c} = (-3; 5; x)$
3. Vypočítej objem čtyřstěnu, který tvoří tyto body:
 $A [3; 2; 7]$, $B [0; 6; -7]$, $C [4; 1; 1]$, $D [2; -1; 3]$,

Přímky

4. Napiš parametrický, obecný a směrnicev ý tvar rovnice přímky zadanou bodem a směrovým vektorem. $C [2; -4]$, $\vec{s} = (-3; 2)$
5. Napiš parametrický a obecný tvar rovnice přímky zadanou dvěma body. $A [3; 0]$, $B [1; 4]$
6. Zapiš směrnicev ý tvar rovnice přímky procházející bodem A $[3; 2]$, když víš, že přímka svírá s kladným směrem osy x úhel 45° .
7. Zapiš rovnici přímky p procházející bodem B, která je rovnoběžná s přímkou a. $B [-1; 4]$, $a: 2x + y = 5$
8. Zapiš rovnici přímky c procházející bodem B, která je kolmá na přímkou a. $B [0; 5]$, $c: 3x - y + 2 = 0$
9. Vyšetři polohu přímk. $a: 2x + y - 5 = 0$; $b: 3x - y + 2 = 0$

10. Vyšetři polohu přímek. $c: 2x - y - 5 = 0$; $d: 4x - 2y + 10 = 0$
11. Vyšetři polohu přímek. $e: 2x - 3y + 4 = 0$; $f: 4x - 6y + 2 = 0$
12. Zapiš parametrickou rovnici přímky zadané jako průsečnice rovin α a β .
 $\alpha: x + y + z - 6 = 0, \beta: 2x - y + 2z = 0$
13. Zapiš rovnici přímky, která je kolmá na rovinu α a prochází bodem A. $\alpha: 2x + 8y - 3z - 6 = 0, A: [2; 3; 8]$
14. Vyšetři polohu přímek v prostoru.
 $s: x = 2 + s, y = -3 + 2s, z = 4 - s, s \in \mathbb{R};$
 $t: x = 1 - 2t, y = 3 - 3t, z = -2 + t, t \in \mathbb{R}$

Rovina

15. Vytvoř rovnici roviny ze dvou vektorů a bodu, které rovině náležejí. $\vec{a} = (2; 1; 1), \vec{b} = (0; -3; 2), C [1; 1; 1]$
16. Vytvoř rovnici roviny ze tří bodů, které rovině náležejí.
 $A [1; 2; 3], B [-1; 0; 5], C [6; 1; -3]$
17. Vypočítej úhel dvou rovin. $\alpha: 2x + y - z + 2 = 0$; $\beta: x + y + z - 8 = 0$
18. Nalezni rovnici roviny, která je kolmá/rovnoběžná na přímkou p a prochází bodem A: $[0; 3; 2], p: x = 1 + t, y = 2 - t, z = -2 + 3t; t \in \mathbb{R}$
19. Urči rovinu tak, aby její vzdálenost od přímky p byla 10
 $p: x = 1 + t, y = 3 - 2t, z = 4 + 2t; t \in \mathbb{R}$
20. Vypočítej vzdálenost rovin α a β . $\alpha: x + 2y - 2z - 3 = 0,$
 $\beta: 2x - 4y + 4z + 2 = 0$

Kuželosečky

21. Zakresli do grafu křivku $2x^2 - 8x + y^2 + 10 = 0$.
22. Zakresli do grafu křivku $x^2 + 4x + y^2 - 2y = 0$.
23. Zakresli do grafu křivku $2y^2 - 8y + x + 6 = 0$.

24. Vyšetři polohu křivek $(x - 1)^2 + y^2 = 2$ a $2x + y = 3$.
25. Vytvoř rovnici elipsy ze středu S a bodů A, B, které elipse náleží.
 $S: [1; 0], A: [5; -\sqrt{8}], B: [1; 4]$
26. Urči a zakresli křivku $x^2 - 2x - 2y^2 + 4y - 5 = 0$

VIDEOSBÍRKA LIMITY

1. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{4(\sin x)^4 - x^4}}{(\sin x)^2}$
2. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{x^2 - 2x}{3x^2 - 8}\right)^3$
3. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\operatorname{arctg} x}{\frac{1}{x+1} - 1}$
4. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sin(x)}{x}$
5. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow 0} \cos\left(\pi \left(\frac{x^2 - x + 2}{x - 1}\right)^x\right)$
6. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{4x + 2}{x^2 - 4}$
7. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{2 - x}{8 - x^3}$
8. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(x)}{x^2}$
9. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+3}{x}\right)^{2x}$
10. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1}{\cos x - 1}$
11. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow \infty} (\ln(x))^{\frac{1}{x}}$
12. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt[3]{x^2} + \sqrt[4]{x^5} + \sqrt[3]{x^8}}{x^3 - x}$
13. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{(\sin x)^2 + 2 \sin x - 3}{(\sin x)^2 + \sin x - 2}$
14. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x}{\ln(e^{2x} + x)}$

15. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow \infty} \arcsin(x - \sqrt{x^2 - x})$

16. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(2x-1)^{20} \cdot (x+4)^{25}}{(3x-8)^{45}}$

17. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow \infty} \log \frac{10x^2 - x}{x^2 - 2}$

18. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3 \cdot 2^x - 4^x}{4 \cdot 3^x - 5^x}$

19. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow 0} (e^x - 1)^{x^2}$

20. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow 0^+} x \cdot (\ln(x + 2) - \ln(x))$

21. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow 0^+} x^2 \cdot \ln(e^x - 1)$

22. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\operatorname{tg} x)^{-1}}{x}$

23. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} x - \ln(x+1)}{3x}$

24. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{-x} - 1}{\arcsin x}$

25. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow \infty} x \cdot (x - \sqrt{x^2 - 2})$

26. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\arcsin \frac{1}{x}}{\frac{1}{x}}$

27. Vypočítej limitu $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x}{x+2}\right)^{x+1}$